

Espacio muestral: consiste en el conjunto de todos los posibles resultados de un experimento aleatorio.

Evento: es un subconjunto de un espacio muestral, es decir, un conjunto de posibles resultados que se pueden dar en un experimento aleatorio.

Eventos mutuamente excluyentes: son dos resultados de un evento que no pueden ocurrir al mismo tiempo.

Probabilidad = $\frac{\text{Nro casos favorables}}{\text{Nro casos posibles}}$

Función de probabilidad

- $P(A) \geq 0$, $P(S) = 1$, $P(\bar{S}) = 1 - P(S)$
- Si A_1, A_2, \dots, A_k son E.M. entonces
 $P(A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_k) = P(A_1) + P(A_2) + \dots + P(A_k)$

AXIOMAS: $0 \leq P(A) \leq 1$, $\bullet P(A') = 1 - P(A)$, $\bullet P(A' \cup B') = P[(A \cap B)'] = 1 - P(A \cap B)$

Si $A \subset B$, entonces $P(A) < P(B)$ $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$
 $P(\Phi) = 0$

$P(A \cup B \cup C) = P(A) + P(B) + P(C) - P(AB) - P(AC) - P(BC) + P(ABC)$

Probabilidad condicional: $P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

Regla de la multiplicación:

$$\bullet P(A \cap B) = P(B)P(A|B) \quad \bullet P(B \cap A) = P(A)P(B|A)$$

Probabilidad total: $P(B) = \sum_{i=1}^n P(A_i)P(B|A_i)$

TEOREMA DE BAYES:

$$P(A_i|B) = \frac{P(A_i \cap B)}{P(B)} = \frac{\text{Regla de la multiplicación}}{\text{Probabilidad total}}$$

Eventos independientes: Sean A y B eventos independientes, se cumple lo siguiente:

- $A \cap B'$, • $A' \cap B$, • $A' \cap B'$

1. $P(A|B) = P(A)$ 2. $P(B|A) = P(B)$ 3. $P(A \cap B) = P(A)P(B)$

Variables Aleatoria (v.a):

- **Cuantitativas:** *Discretas:* conteo. *Continuas:* medición.
- **Cualitativas:** *Nominal:* no hay orden. *Ordinal:* si hay un orden natural.

Discretas:

f.m.p: variable X , realización x . $p(x) = P(X = x) \forall x \in A_x$

1. $p(x) \geq 0 \forall x \in A_x$
2. $\sum_x p(x) = 1$
3. Si $A \subseteq A_x \rightarrow p(X \in A) = \sum_{x \in A} p(x)$

f.d.a $F(x) = P(X \leq x) = \sum_{x' \leq x} p(x')$, $\forall x \in A_x$

1. $0 \leq F(x) \leq 1$
2. $P(X > a) = 1 - P(X \leq a)$
3. Si $X \leq Y \rightarrow F(x) \leq F(y)$
4. $P(X = a) = F(a) - F(a - 1)$
5. $P(a < x \leq b) = F(b) - F(a)$
6. $P(a \leq x \leq b) = F(b) - F(a - 1)$
7. $P(a \leq x < b) = F(b - 1) - F(a - 1)$
8. $P(a < x < b) = F(b - 1) - F(a)$

Continuas:

f.d.p: 1. $f(x) \geq 0$ 2. $\int_{-\infty}^{\infty} f(x)dx$ 3. $P(a \leq x \leq b) = P(a < x < b)$

f.d.a: $F(x) = P(X \leq x) = \int_{-\infty}^x f(t)dt$

1. $0 \leq F(x) \leq 1$
2. $P(X > a) = 1 - P(X \leq a)$
3. $\frac{\partial F(x)}{\partial x} = f(x)$
4. $P(a \leq x \leq b) = P(a < x < b)$

Valores esperados: Valor promedio de una v.a después de un número grande de repeticiones.

$$E[X] = \begin{cases} \sum_x xp(x), & \text{discretas} \\ \int_{-\infty}^{\infty} xf(x)dx & \text{continuas} \end{cases}$$

Propiedades:

1. $E[a] = a$
2. $E[aX + b] = aE[X] + b$

Varianza: $Var[X] = E[X^2] - (E[X])^2$

1. $Var[a] = 0$
2. $Var[aX + b] = a^2Var[X]$

Función Gamma:

$$\Gamma(\alpha) = \int_{-\infty}^{\infty} x^{\alpha-1}e^{-x}, \quad x > \infty$$

Propiedades:

1. $\Gamma(\alpha) = (\alpha - 1)!$
2. $\Gamma(\alpha) = (\alpha - 1)\Gamma(\alpha - 1)$
3. $\Gamma(1/2) = \sqrt{\pi}$

Elaborado por: **Yeison Y. Ocampo N.**